



Ce document a été mis en ligne par l'organisme [FormaV®](#)

Toute reproduction, représentation ou diffusion, même partielle, sans autorisation préalable, est strictement interdite.

Pour en savoir plus sur nos formations disponibles, veuillez visiter :

www.formav.co/explorer

BREVET DE TECHNICIEN SUPÉRIEUR
ÉPREUVE DE MATHÉMATIQUES
GROUPEMENT C1

SESSION 2018

DURÉE : 2 HEURES

SPÉCIALITÉS	COEFFICIENT
Communication et industries graphiques (2 options)	2
Conception des processus de réalisation de produits (2 options)	2
Conception et réalisation en chaudronnerie industrielle	2
Développement et réalisation bois	2
Fonderie	2
Forge	2
Industries céramiques	2
Innovation textile (2 options)	3
Pilotage de procédés	3
Systèmes constructifs bois et habitat	2
Techniques et services en matériels agricoles	2

Matériel autorisé :

- L'usage de tout modèle de calculatrice, avec ou sans mode examen, est autorisé.

Dès que le sujet vous est remis, assurez-vous qu'il est complet.

Ce sujet comporte 6 pages numérotées de 1/6 à 6/6

Il est rappelé que la qualité de la rédaction, la clarté et la précision des raisonnements seront prises en compte dans l'appréciation des copies.

BTS GROUPEMENT C1	SESSION 2018
Mathématiques	Code : MATGRC1 Page : 1/6

Exercice 1 (10 points)

Depuis quelques années, la production électrique éolienne est en fort développement industriel. Cette production présente de nombreux atouts : c'est une énergie renouvelable qui contribue à une meilleure qualité de l'air, à la lutte contre l'effet de serre et à l'indépendance énergétique du pays.

Les deux parties de cet exercice peuvent être traitées de façon indépendante

Partie 1 : Modèle statistique

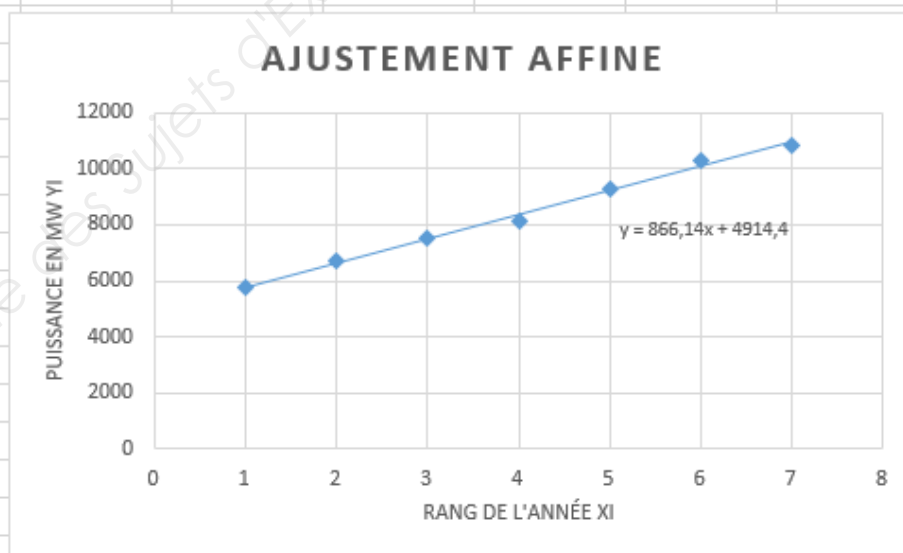
Le Grenelle de l'environnement a fixé pour 2020 l'objectif suivant :

L'énergie du vent devra fournir, avec 8 000 éoliennes, 10 % de notre électricité, contre un peu moins de 2 % actuellement. Ainsi l'objectif serait d'atteindre une puissance de 25 000 MW (Mégawatt) : 19 000 MW d'éolien terrestre (on-shore) et 6 000 MW d'éolien maritime (off-shore).

On veut étudier ici si la progression actuelle permettra de réaliser l'objectif des 25 000 MW pour 2020. Pour cela, on a relevé les données des puissances fournies par le parc éolien en France de 2010 à 2016 et on les a entrées dans une feuille de calcul.

On a ensuite réalisé un ajustement affine du nuage de points $M(x_i ; y_i)$.

Année	2010	2011	2012	2013	2014	2015	2016
Rang année x_i	1	2	3	4	5	6	7
Puissance en MW y_i	5762	6714	7536	8157	9313	10324	10847



En admettant que la progression se confirme, étudier si l'objectif du Grenelle de l'environnement peut être atteint.

BTS GROUPEMENT C1	SESSION 2018
Mathématiques	Code : MATGRC1 Page : 2/6

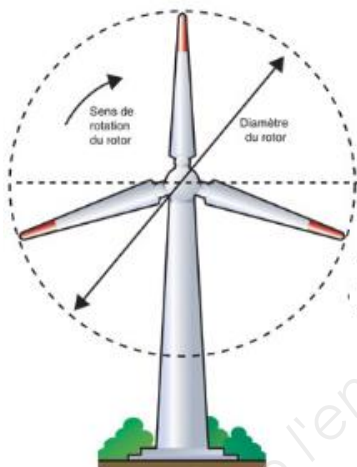
Partie 2 : Modélisation de la puissance d'une éolienne

Dans cette partie on s'intéresse à un parc éolien situé en Bretagne et constitué de 6 éoliennes de même type.

Ces éoliennes possèdent trois pales et ont un diamètre de 100 m.

Les pales commencent à tourner lorsque le vent atteint une vitesse de 3 m/s.

1. Lorsqu'une éolienne atteint son plein régime, ses pales effectuent 16 tours par minute. Quelle est alors la vitesse en km/h à l'extrémité des pales ?



2. La puissance, exprimée en kW, d'une éolienne de ce parc, en fonction de la vitesse v du vent, exprimée en m/s, est modélisée par la fonction P définie sur $[3 ; +\infty[$ par $P(v) = -55 + \frac{5110}{2+750e^{-0,75v}}$.

Un logiciel de calcul formel fournit les résultats suivants que l'on admet et qui pourront être exploités dans les questions suivantes.

1	$f(x) := 1/(2+750 \times \exp(-0,75 \times x))$
	$x \rightarrow \frac{1}{2+750e^{-0,75x}}$
2	Dériver $(f(x), x)$
	$\frac{562,5 \exp(-0,75 \times x)}{(2 + 750 \times \exp(-0,75 \times x))^2}$
3	Intégrer $(-55 + 5110 \times f(x), x, 5, 12)$
	9872,14872056

- a) Calculer la puissance attendue d'une de ces éoliennes lorsque le vent a une vitesse de 3 m/s.
b) Etudier les variations de la fonction P sur $[3 ; +\infty[$.

Remarque :

En réalité, une éolienne ne peut pas fonctionner au-delà d'une certaine vitesse du vent appelée la vitesse de coupure : l'éolienne est alors mise à l'arrêt pour protection et la puissance devient nulle. Cette limite répond à des objectifs de sécurité mais aussi de rentabilité : en tournant très vite, les pièces s'usent et se fragilisent alors que la production d'électricité ne connaît qu'un gain minime. Pour les éoliennes du parc breton, la vitesse de coupure du vent est de 20 m/s.

- c) Calculer la puissance d'une éolienne lorsque le vent atteint la vitesse de coupure.
 - d) Déterminer en m/s, à l'unité près, la vitesse du vent à partir de laquelle la puissance d'une éolienne du parc est supérieure à 2 000 kW.
3. a) Déterminer la puissance moyenne d'une éolienne lorsque le vent varie entre 5 m/s et 12 m/s.
On rappelle que la valeur moyenne d'une fonction f sur l'intervalle $[a ; b]$ est $\frac{1}{b-a} \int_a^b f(x) dx$.
- b) Estimer le nombre d'éoliennes de ce type nécessaire pour atteindre une production totale de 1 000 MW.

Exercice 2 (10 points)

Les trois parties de cet exercice peuvent être traitées de façon indépendante.

Dans tout l'exercice on arrondira les résultats à 10^{-4} près.

Partie 1 : Loi binomiale

Grâce à ses 70 éoliennes à trois pales du modèle Enercon E70, le parc de Fruges, dans le Pas de Calais, représente aujourd'hui le plus grand ensemble éolien terrestre de France.

Dans ce parc, les pales des éoliennes sont contrôlées périodiquement.

Le technicien de maintenance en charge des machines doit être capable d'évaluer la gravité du dommage pour faciliter l'intervention de spécialistes.

Certains constructeurs ont établi quatre classes de gravité.

<ul style="list-style-type: none">• Classe 4 : dégâts léger qui ne nécessitent ni intervention des spécialistes, ni arrêt de l'éolienne.
Dans les trois autres cas on est obligé de faire intervenir un spécialiste et d'arrêter l'éolienne.
<ul style="list-style-type: none">• Classe 3 : la pale est réparée sur place.• Classe 2 : la détérioration nécessite le démontage de la pale en cause.• Classe 1 : le dommage est tellement grave qu'il faut changer le jeu entier des trois pales.

Dans 98,2 % des cas, le technicien ne diagnostique aucun souci sur la pale ou bien seulement un dommage de classe 4.

Dans tous les autres cas, on dira que la pale est défaillante et demande une intervention extérieure.

BTS GROUPEMENT C1	SESSION 2018
Mathématiques	Code : MATGRC1 Page : 4/6

On considère, pour simplifier le modèle, que les dommages sur les pales sont indépendants d'une pale à l'autre.

On désigne par X la variable aléatoire qui, à chaque inspection des 70 éoliennes, associe le nombre de pales nécessitant une intervention de spécialistes.

1. Justifier que la variable aléatoire X suit une loi binomiale $B(210 ; 0,018)$.
2. Calculer la probabilité qu'il n'y ait aucune pale nécessitant une intervention.
3. Calculer la probabilité qu'il y ait au plus 2 pales défectueuses.
4. Calculer le nombre moyen de pales d'éoliennes nécessitant une intervention.
5. On rappelle que :

Si X suit une loi binomiale de paramètres n et p avec $n > 30$ et $np(1 - p) \leq 10$, on peut approcher la loi binomiale par la loi de Poisson $\mathcal{P}(\lambda)$ où $\lambda = np$

- a) Montrer que, dans les conditions de l'exercice, une telle approximation est envisageable et déterminer la valeur du paramètre λ correspondant.
- b) On désigne par Z une variable aléatoire suivant la loi de Poisson de ce paramètre λ . Calculer $P(Z \leq 2)$. Ce résultat est-il cohérent avec ce qui précède ?

Partie 2 : Loi normale

Les éoliennes comportent généralement un frein mécanique qui permet d'immobiliser le rotor au cours des opérations de maintenance et d'éviter ainsi l'emballement de la machine.

L'entreprise Aquilon produit des pièces de rechange pour ce frein.

Une de ses machines fabrique en grande série l'une des pièces de ce mécanisme.

On admet que la variable aléatoire Y qui, à chaque pièce de ce mécanisme, associe son diamètre exprimé en millimètres, suit la loi normale d'espérance $m = 22$ et d'écart type $\sigma = 0,025$.

L'entreprise accepte la pièce si son diamètre appartient à l'intervalle $[21,94 ; 22,06]$.

Quelle est la probabilité qu'une pièce prise au hasard dans la production soit refusée ?

Partie 3 : Test d'hypothèse

Afin de contrôler le bon fonctionnement de cette machine de l'entreprise Aquilon, on prélève régulièrement dans la production des échantillons de 100 pièces.

Pour tester si la machine est bien réglée, l'entreprise construit un test bilatéral au seuil de 5 %.

On appelle \bar{Y} la variable aléatoire qui, à chaque échantillon de 100 pièces, associe le diamètre moyen des pièces de cet échantillon. Le nombre de pièces est assez important pour que l'on puisse assimiler ces prélèvements à des tirages avec remise.

BTS GROUPEMENT C1		SESSION 2018
Mathématiques	Code : MATGRC1	Page : 5/6

Lorsque la machine est bien réglée, \bar{Y} suit la loi normale de paramètres m et $\sigma_0 = \frac{\sigma}{10}$ (on rappelle que $m = 22$ et $\sigma = 0,025$).

On choisit l'hypothèse nulle $H_0 : « m = 22 »$.

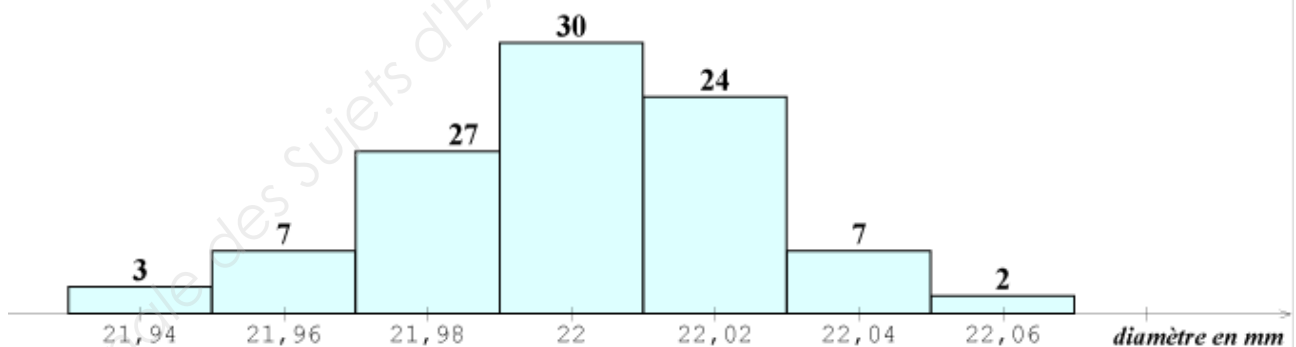
1. Donner l'hypothèse alternative H_1 .
2. On admet que sous l'hypothèse nulle H_0 , la variable aléatoire \bar{Y} suit la loi normale de moyenne m et d'écart type σ_0 . On souhaite déterminer, sous l'hypothèse nulle H_0 , le réel positif h tel que $P(22 - h < \bar{Y} < 22 + h) = 0,95$.

Cette question est un questionnaire à choix multiple. Une seule réponse est correcte. Indiquer sur la copie la réponse correcte. On ne demande aucune justification. La réponse correcte rapporte un point. Une réponse fausse ou une absence de réponse ne rapporte ni n'enlève de point.

La valeur approchée de h est :

0,0049	0,0025	0,0064
--------	--------	--------

3. Énoncer la règle de décision du test bilatéral.
4. On prélève au hasard un échantillon de 100 pièces et on mesure leurs diamètres. Les résultats obtenus sont représentés sous forme d'un histogramme (les mesures des diamètres sont réparties en classes d'amplitude 0,02 mm et le nombre de pièces pour chaque intervalle est écrit au-dessus des rectangles).



- a) En supposant que toutes les pièces d'une classe ont pour diamètre la valeur centrale de cette classe, donner la moyenne des diamètres pour cet échantillon (aucune justification n'est demandée).
- b) Peut-on accepter, au seuil de risque 5 %, l'hypothèse selon laquelle la machine est bien réglée ?

Copyright © 2026 FormaV. Tous droits réservés.

Ce document a été élaboré par FormaV® avec le plus grand soin afin d'accompagner chaque apprenant vers la réussite de ses examens. Son contenu (textes, graphiques, méthodologies, tableaux, exercices, concepts, mises en forme) constitue une œuvre protégée par le droit d'auteur.

Toute copie, partage, reproduction, diffusion ou mise à disposition, même partielle, gratuite ou payante, est strictement interdite sans accord préalable et écrit de FormaV®, conformément aux articles L.111-1 et suivants du Code de la propriété intellectuelle. Dans une logique anti-plagiat, FormaV® se réserve le droit de vérifier toute utilisation illicite, y compris sur les plateformes en ligne ou sites tiers.

En utilisant ce document, vous vous engagez à respecter ces règles et à préserver l'intégrité du travail fourni. La consultation de ce document est strictement personnelle.

Merci de respecter le travail accompli afin de permettre la création continue de ressources pédagogiques fiables et accessibles.

Copyright © 2026 FormaV. Tous droits réservés.

Ce document a été élaboré par FormaV® avec le plus grand soin afin d'accompagner chaque apprenant vers la réussite de ses examens. Son contenu (textes, graphiques, méthodologies, tableaux, exercices, concepts, mises en forme) constitue une œuvre protégée par le droit d'auteur.

Toute copie, partage, reproduction, diffusion ou mise à disposition, même partielle, gratuite ou payante, est strictement interdite sans accord préalable et écrit de FormaV®, conformément aux articles L.111-1 et suivants du Code de la propriété intellectuelle. Dans une logique anti-plagiat, FormaV® se réserve le droit de vérifier toute utilisation illicite, y compris sur les plateformes en ligne ou sites tiers.

En utilisant ce document, vous vous engagez à respecter ces règles et à préserver l'intégrité du travail fourni. La consultation de ce document est strictement personnelle.

Merci de respecter le travail accompli afin de permettre la création continue de ressources pédagogiques fiables et accessibles.